

Практика 2
Операции над событиями

Формула сложения

Если A и B несовместны, то $P(A+B) = P(A)+P(B)$

Общая формула: $P(A+B) = P(A)+P(B)-P(AB)$

$P(A_1+A_2+A_3) = (P(A_1)+P(A_2)+P(A_3)) - (P(A_1A_2)+P(A_2A_3)+P(A_1A_3)) + P(A_1A_2A_3)$

опр. События A и B независимы, если вероятность произведения равна произведению вероятностей

$$P(AB) = P(A)*P(B)$$

Вероятность попадания первого стрелка в цель 0.6, а второго - 0.8
сделали по одному выстрелу

Найти вероятность того, что:

а) оба попали в цель

б) один попал в цель

в) хотя бы один попал в цель

A_1 - I попал

$$P(A_1) = 0,6 \quad P(\bar{A}_1) = 0,4$$

$$P(A_2) = 0,8 \quad P(\bar{A}_2) = 0,2$$

а) $A = A_1 \cdot A_2$ - оба попали

$$P(A) = P(A_1) \cdot P(A_2) = 0,48$$

б) $B = A_1 \cdot \bar{A}_2 + A_2 \cdot \bar{A}_1$

$$P(B) = P(A_1, \bar{A}_2) + P(A_2, \bar{A}_1) = P(A_1)P(\bar{A}_2) + P(A_2)P(\bar{A}_1) = 0,44$$

в) C - хотя бы одна

\bar{C} - оба промах

$$P(\bar{C}) = P(\bar{A}_1)P(\bar{A}_2) = 0,4 \cdot 0,2 = 0,08$$

$$P(C) = 1 - 0,08 = 0,92$$

Брак первой партии микросхем 5%, второй 10%, третьей 20%

Взяли по одной из каждой партии

Найти вероятность того что

а) все исправны

б) две исправны

в) хотя бы одна исправна

$$P(A_1) = 0,95 \quad P(\bar{A}_1) = 0,1 \quad P(\bar{A}_2) = 0,2$$

$$P(A_2) = 0,9 \quad P(\bar{A}_2) = 0,1 \quad P(\bar{A}_3) = 0,8$$

все исправны

$$a) A = A_1 \cdot A_2 \cdot A_3$$

$$P(A) = P(A_1) P(A_2) P(A_3)$$

$$P(A) = 0,95 \cdot 0,9 \cdot 0,8$$

-2 неисправны

$$\sum B = \bar{A}_1 \cdot A_2 \cdot A_3 + \bar{A}_1 \cdot \bar{A}_2 \cdot A_3 + \bar{A}_1 \cdot \bar{A}_2 \cdot \bar{A}_3$$

$$P(B) = 0,05 \cdot 0,9 \cdot 0,8 + 0,9 \cdot 0,95 \cdot 0,8 + 0,2 \cdot 0,95 \cdot 0,9 = 0,283$$

б) C - одна исправна

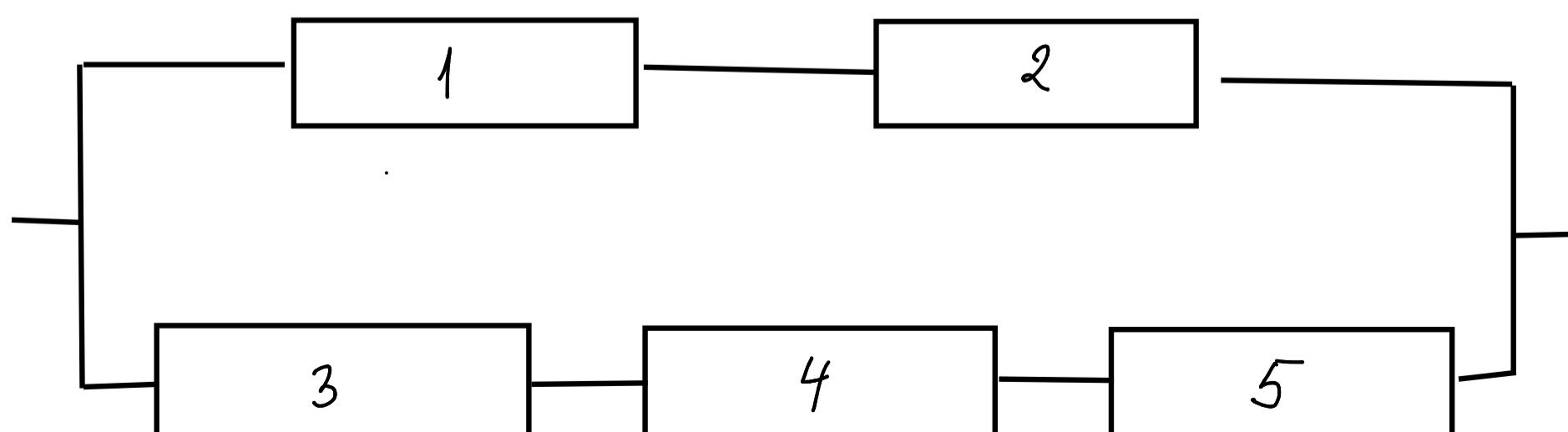
\bar{C} - все неисправны

$$\bar{C} = \bar{A}_1 \cdot \bar{A}_2 \cdot \bar{A}_3$$

$$P(\bar{C}) = 0,05 \cdot 0,1 \cdot 0,2 = 0,001$$

$$P(C) = 1 - P(\bar{C}) = 0,999$$

Электрическая цепь состоит из 5 элементов



$$P_1 = 0,4 \quad P_2 = 0,3 \quad P_3 = 0,4 \quad P_4 = 0,2 \quad P_5 = 0,5$$

A_i - i -ий элемент исправок
 $P(A_1) = 0,6$
 $P(A_2) = 0,7$
 $P(A_3) = 0,6$
 $P(A_4) = 0,8$
 $P(A_5) = 0,5$
 A - то же пройдёт
 B_1 - то же пройдёт через I узел
 B_2 - через I узел
 $B_1 = A_1 \cup A_2$
 $P(B_1) = P(A_1)P(A_2) = 0,6 \cdot 0,7 = 0,42$
 $B_2 = A_3 \cdot A_4 \cdot A_5$
 $P(B_2) = P(A_3)P(A_4)P(A_5) = 0,6 \cdot 0,8 \cdot 0,5 = 0,24$
 $P(A) = P(B_1) + P(B_2) - P(B_1)P(B_2) = 0,42 + 0,24 - 0,42 \cdot 0,24 = 0,5592$

Пусть два игрока бросили по n раз монету
 Затем первый ещё один раз бросил монету
 Найти вероятность того что у первого игрока выпадет больше гербов, чем у второго

V_A - число гербов у I после n бросков
 V_B - число гербов у II после n бросков
 C - выпадут у A больше гербов, чем у B

$$\begin{aligned}
 P(V_A > V_B + V_A \leq V_B + V_A = V_B) &= P(V_A > V_B) + P(V_A \leq V_B) + P(V_A = V_B) = 1 \\
 &\stackrel{||}{=} 2P(V_A > V_B) + P_0 = 1 \\
 P(V_A > V_B) &= \frac{1 - P_0}{2}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 P(C) &= P(V_A > V_B) + P(V_A = V_B)P(\Gamma) = \\
 &= \frac{1 - P_0}{2} + \frac{P_0}{2} = \frac{1}{2}
 \end{aligned}$$